Pb İzotoplarının Alfa Bozunum Yarı-ömürlerinin Farklı Modeller ile İncelenmesi

Fahrettin Koyuncu^{1*}, Asım Soylu²

¹Burdur Mehmet Akif Ersoy Üniversitesi, Gölhisar Sağlık Hizmetleri MYO, Optisyenlik Programı, Gölhisar, Burdur ²Niğde Ömer Halisdemir Üniversitesi, Fen Edebiyat Fakültesi, Fizik Bölümü, Niğde

Geliş / Received: 28/05/2019, Kabul / Accepted: 17/08/2020

Öz

Bu çalışmada Pb izotoplarının (178 \leq A \leq 220) alfa bozunum yarı-ömürleri, Wentzel-Kramers-Brillion (WKB) metodu, Sahu vd. (2013) formülü ve yakın zamanda önerilen New RenB formülü çerçevesinde incelenmiştir. Bu üç model alfa bozunumları üzerindeki açısal momentum (L) etkisini içermektedir. Böylelikle farklı mekanizmalar arasında, her bir metot için hesaplanmış rms değerleri kullanılarak karşılaştırmalar da yapılmıştır. Elde edilen sonuçlara göre, değiştirilmiş nükleer yarıçap ifadesine sahip Sahu vd. (2013) formülü, alfa bozunum yarı-ömürlerini açıklamakta oldukça başarılı olmuştur. Bu çalışmada Pb izotoplarının alfa bozunum yarı ömürleri hakkında elde edilen tahminler muhtemel deneysel araştırmalara rehberlik edebilir.

Anahtar Kelimeler: Alfa bozunumu, Açısal momentum, Pb izotopları, rms.

Investigation of Alpha Decay Half-lives of Pb Isotopes with Different Models

Abstract

In this study alpha decay half-lives of Pb isotopes ($178 \le A \le 220$) have been investigated in the framework of Wentzel-Kramers-Brillion (WKB) method, Sahu et al. (2013) formula and very recently proposed New RenB formula. These three methods include the angular momentum (L) effects on alpha decay half-lives. In this way comparison between different mechanisms have also been done by using calculated rms values for each method. According to obtained results, Sahu et al. (2013) formula with modified nuclear radius expression has been quite successful to describe the alpha decay half-lives. Obtained predictions on alpha decay half-lives of Pb isotopes in this study may guide the possible experimental researches.

Keywords: Alpha decay, Angular momentum, Pb isotopes, rms.

1. Giriş

Ağır çekirdeklerin bozunumları üzerine yapılan çalışmalar bir süredir nükleer fiziğin ilgi çekici konularındandır. Yüklü parçacık bozunumları; proton, alfa, küme, ağır küme ve kendiliğinden fisyon olmak üzere farklı şekillerde olabilmektedir (Gamow, 1928; Gurney ve Condon, 1928; Bohr ve Wheeler, 1939; Flerov ve Petrzak, 1940; Rose ve Jones,

1984; Price vd., 1985; Barwick vd., 1985). Literatürde yüklü parçacıkların bozunum sürelerini hesaplamakta kullanılan farklı metotlar mevcuttur. Küme ve alfa bozunumlarının yarılanma sürelerinin tahmininde kullanılan; Universal Decay Law (UDL) formülü, Viola-Seaborg-Sobicewski (VSS) yarı ampirik formülü ve Universal Curve (UNIV) bunlardan bazılarıdır (Qi vd., 2009; Viola ve Seaborg, 1966; Poenaru vd.,

^{*}Sorumlu Yazar:fahrettinkoyuncu85@gmail.com

2011). Yarı ampirik formüllerin yanı sıra, küme ve alfa bozunumlarının yarılanma sürelerini hesaplamakta kullanılan Coulomb Proximity Potential Model (CPPM) ve WKB de yaygın olarak kullanılan usullerdendir (Blocki vd., 1977; Santosh vd., 2010; Miller ve Good, 1953; Soylu vd., 2018). Zhang ve Wang (2018), Horoi formülü, UDL, UD formülü yaklaşımları ve UNIV gibi kullanarak Z=118, 120 ve 122 çekirdeklerinin izotopları için küme bozunumlarını araştırmışlardır (Zhang ve Wang, 2018). Santosh vd. (2015), CPPM, UNIV, UDL eşitliklerini ve Genelleştirilmiş Sıvı Damla Modelini (GLDM) kullanarak Pb izotoplarının (178 \leq A \leq 220) alfa bozunum süreleri üzerinde tahminlerde bulunmuşlardır. Nithya (2018),Coulomb Santosh ve Proximity Potential Modelin Deforme Çekirdekler (CPPMDN) için uyarlanmış Royer ve halini, VSS, UDL, UNIV eşitliklerini Z=125 çekirdeğinin farklı izotoplarının alfa bozunum yarı-ömür sürelerini tahmin etmekte kullanmıslardır. Soylu (2017) Bohr Sommerfeld kuantizasyon şartını WKB modeli ile kullanarak deneysel değerleri var olan bazı küme bozunumları için hesaplamalarda bulunmuştur. Soylu (2017) bu calısmada fenomonolojik Woods-Saxon (WS), Woods-Saxon kare (WS2) ve mixed Woods-Saxon (mWS) potansiyellerini kullanmıştır. Koyuncu vd. (2017)²⁰Ne ve ⁴⁴Ti çekirdeklerinin yapı özelliklerini tespit etmek maksadı ile bu çekirdeklerin alfa bozunum genişliklerinden yararlanmış hesaplamalar için WKB yaklaşımını temel almışlardır.

19. yüzyılın sonlarından itibaren ilgi çekici bir konu olan alfa bozunumu, 1928 yılında Gamow'un çalışması ve ondan bağımsız olarak Gurney and Condon'un çalışması tarafından kuantum tünelleme olayı ile açıklanmıştır (Gamow, 1928; Gurney ve Condon, 1928). Yukarıda açıklanmış olan hesaplama yöntemleri gibi, son yıllarda ortaya atılan ve Schrödinger denkleminin analitik çözümü ile elde edilen Sahu vd. (2013) denklemi de bu temel vak'a üzerinden hareket etmektedir. Sahu vd. (2013) tarafından elde edilen bu ilişki Geiger-Nuttall yasasının genelleştirilmiş bir halidir ve açısal momentum yüklü taşıyan parçacıkların gözlenirlerini acıklamakta bozunum kullanılmıştır. Sahu vd. (2013)'nin özgün çalışmasında tüm çekirdekler için nükleer yarıçap (R) 9.5 fm ve preformasyon faktörü 10⁻³ seçilmiştir, Zhang vd. (2017) yarıçap ve preformasyon faktörü üzerinde bazı özelleştirmelere giderek Imsahu modelini koymuştur. VSS ortaya yarı ampirik formülünün genelleştirilmesi ile Ren vd. (2004) tarafından yeni bir ampirik formül önerilmiştir. Ren vd. (2008) bir önceki çalışmaları olan Ren vd. (2004)'de ortaya attıkları formülü WKB bariyer penetrasyon olasılığından yararlanarak formüle ve indirgenmiş kütleyi de ekleyerek yeniden düzenlemişlerdir. Bu iki çalışmadan yararlanan Akrawy vd. (2019) kısa bir zaman önce izospin ve açısal momentum etkilerini de içerisinde barından iki yeni formül (New RenA ve New RenB) önermişler ve 356 çekirdek için alfa bozunum yarı ömür hesabı yapmışlardır. Bizde bu çalışmalardan yola momentumun cıkarak açısal etkilerini içerisinde barındıran üç farklı yöntemle Pb izotopları (178 \leq A \leq 220) için alfa bozunum yarı ömürleri üzerine tahminlerde bulunduk. Hesaplamalarda Sahu, New RenB eşitlikleri ve WKB metodu kullanılmıştır. Sahu vd. (2013) orjinal eşitliğinin kullanılmasının yanı sıra, Zhang vd. (2017) çalışmasına benzer olacak şekilde bir değişikliğe de gidilmiştir. Elde edilen sonuçlar hem deneysel verilerle hem de kendi aralarında kıyaslanmıştır. Hesaplamalar için gerekli olan kodların yazılmasında programlama dili olarak Python 2.7, Spyder 2.0 ara yüzüyle beraber

kullanılmıştır. Bu çalışmada kullanılan kodların geliştirilmiş hali olan MES kodu üzerine yapılan çalışmalar halen A. Soylu tarafından devam ettirilmektedir.

2. Materyal ve Metot

Bu bölümde Pb izotoplarının alfa bozunum yarı ömürlerini hesaplamakta kullanılan gerekli usullerden bahsedilmiştir. Pb izotoplarının alfa bozunum yarı ömürlerinin hesaplanmasında WKB metodu, Sahu vd. (2013) ve New RenB eşitlikleri kullanılmıştır.

2.1. Sahu eşitliği

Alfa bozunum yarı ömürlerini tahmin etmede kullandığımız ilk eşitlik Sahu vd. (2013) tarafından önerilmiştir ve

$$\log_{10}[T_{1/2}(s)] = aZ_{\alpha}Z_{d}\sqrt{\frac{\mu}{Q_{\alpha}}} + b\sqrt{\mu Z_{\alpha}Z_{d}} + c + d \quad (1)$$

ile verilir. Burada $T_{1/2}(s)$ yarı ömür, Q_{α} bozunum enerjisi, Z_{α} ve Z_{d} sırasıyla alfa ve kız çekirdeğin proton sayıları ve $\mu = A_{\alpha}A_{d} / (A_{a} + A_{d})$ ise indirgenmiş kütledir. a, b, c, d katsayıları ise şu şekilde verilir

$$a = 2a_0 e^2 \sqrt{2m} / (\ln \ln 10)$$

$$b = -b_f \sqrt{2me^2 R} / (\ln \ln 10)$$

$$c = \ln[(0.231x10^{-23}) \sqrt{mR\mu / (2e^2 Z_\alpha Z_d)} / P] / \ln 10$$
 (2)

$$d = [\ln M_L - \sum_{l=0}^{L} \ln(\eta_l)] / \ln 10$$

burada b_f , M_L ve η_l

$$b_f = 2 + a_0 - 2a_1 + (\frac{a_0}{4} + a_1 - 2a_2)t^{1/2}$$

$$+ (\frac{a_0}{4} + \frac{a_1}{4} + a_2 - 2a_2 - 1)t$$

$$+\left(\frac{5a_{0}}{64} + \frac{a_{1}}{8} + \frac{a_{2}}{4} + a_{3}\right)t^{3/2} + \left(\frac{5a_{1}}{64} + \frac{a_{2}}{8} + \frac{a_{3}}{4} - \frac{1}{4}\right)t^{2}$$
(3)

$$+(\frac{5a_2}{64}+\frac{a_3}{8})t^{5/2}+(\frac{5a_3}{64}-\frac{1}{8})t^3$$

$$\sqrt{M_{L}} = 1 + \frac{4(2L+1)^{2} - 1}{16(2me^{2}RZ_{\alpha}Z_{d}\mu/h^{2})^{1/2}} + \frac{[4(2L+1)^{2} - 1][4(2L+1)^{2} - 9]}{2[16^{2}(2me^{2}RZ_{\alpha}Z_{d}\mu/h^{2})]}$$
(4)
+[4(2L+1)^{2} -1][4(2L+1)^{2} - 9]
$$\frac{[4(2L+1)^{2} - 25]}{6[16^{3}(2me^{2}RZ_{\alpha}Z_{d}\mu/h^{2})^{3/2}]}$$

$$\eta_l = 1 + \frac{l^2}{\left(e^2 Z_\alpha Z_d / h\right)^2 m \mu / 2Q_\alpha}$$
(5)

şeklindedir ve $t = Q_{\alpha}R/(e^2Z_{\alpha}Z_d)$ ile verilir. Sahu vd. (2013)'te tüm alfa bozunumları için R = 9.5 fm ve $P = 10^{-3}$ olarak seçilmiştir. Sabitler $a_0 = 1.5707288$, $a_1 = -0.2121144$, $a_2 = 0.074240$ son olarak $a_3 = -0.018729$ şeklinde verilmiştir. Tüm denklemlerde geçerli olmak üzere L açısal momentumu temsil etmektedir (Sahu vd., 2013; Zhang vd., 2017). Bu çalışmada, tüm çekirdekler için kabul edilen R=0.95 fm yarıçap değeri, etkileşen çekirdekler cinsinden yazılmış ve $R = 1.25(A_d^{1/3} + A_e^{1/3})$ olarak değiştirilmiştir.

2.2 New RenB eşitliği

Hesaplamalarda kullanılan bir diğer yöntem ise Ren vd. (2008) eşitliğini temel alan ve Akrawy vd. (2019) tarafından önerilen eşitliktir ve

$$\log_{10} T_{1/2}^{NRB} = a \sqrt{\mu} Z_1 Z_2 Q^{-1/2} + b \sqrt{\mu} Z_1 Z_2$$

+c + dI + eI² + f[l(l+1)] (6)

ile verilir. Burada $\mu = A_{\alpha}A_{d}/(A_{a} + A_{d})$ indirgenmiş kütleyi, Z_{i} alfa ve kız çekirdeğin proton sayılarını, I = (N - Z)/A izospini ve *l* ise açısal momentumu temsil etmektedir. Diğer parametreler ise Tablo 1'de verilmiştir.

2.3 Wentzel-Kramers-Brillouin metodu

WKB metodu ile Schrödinger dalga denklemi seriye açılarak yaklaşık çözümler elde edilir (Miller ve Good, 1953). WKB nükleer reaksiyonların tesir kesitleri, bozunum genişlikleri, yarı ömür hesaplamaları gibi gözlenirleri elde etmede başvurulan yöntemlerden bir tanesidir (Soylu vd., 2018; Soylu, 2017; Koyuncu vd., 2017; Denisov ve Pilipenko, 2012). İkili kümelenme modeline göre etkileşime giren iki çekirdek arasındaki etkin potansiyel

$$V_{et}(r) = V_N(r) + V_C(r) + V_L(r)$$
(7)

ile verilir. Burada $V_N(r)$, $V_C(r)$ ve $V_L(r)$ sırasıyla nükleer, Coulomb ve merkezcil potansiyellerdir. Hesaplamalarda Coulomb potansiyeli

$$V_{C}(r) = \frac{Z_{d}Z_{\alpha}e^{2}}{r}(1 - e^{-\varphi r - \frac{1}{2}(\varphi r)^{2} - 0.35(\varphi r)^{3}})$$

$$\varphi R = \frac{3}{2}$$
(8)

şeklinde seçilmiştir. Coulomb potansiyelinin değiştirilmiş bu hali $r = R_c$ deki süreksizliği saf dışı bırakmak içindir. Şekli bilinen bir diğer potansiyel ise merkezcil potansiyeldir ve Langer modifiye merkezcil potansiyel

$$V_L(r) = \frac{h^2 (L+1/2)^2}{2\mu r}$$
(9)

ile verilir. Burada L ve μ sırasıyla açısal momentum ve indirgenmiş kütledir (Langer, 1937). Etkin potansiyelin geriye kalan son terimi ise $V_N(r)$ nükleer potansiyeldir. Nükleer potansiyelin belli bir şekli yoktur ve literatürdeki çalışmalarda kullanılan çeşitli mikroskobik ve fenomonolojik potansiyeller mevcuttur (Buck vd., 1992; Buck vd., 1995; Cook, 1982; Farid vd., 2001; Woods ve Saxon, 1954). Bu çalışmada Woods-Saxon potansiyelinden faydalanılmıştır (Woods ve Saxon, 1954). Bu potansiyelin formu

$$V_N(r) = -\lambda \frac{V_0}{\left(1 + \exp\left(\frac{r-R}{a}\right)\right)}$$
(10)

şeklindedir ve λ normalizasyon parametresi, V_0 nükleer potansiyelin derinliği, R nükleer yarıçap, a ise difüzyon parametresidir. Hesaplamalarda potansiyelin derinliği $V_0 = 155.3 \,\mathrm{MeV},$ difüzyon parametresi ve $a = 0.45 \, \text{fm}$ nükleer yarıçap $R=1.28((A_p)^{1/3}+0.8(A_p)^{-1/3})-0.76 \text{ fm}$ olarak seçilmiştir. A_p ana çekirdeğinin kütle numarasıdır. Etkin potansiyelin tüm bileşenlerinin tamamlanmasıyla alfa bozunum ömür sürelerinin hesaplanmasına varı geçilmiştir. Yarılanma süresi

$$T_{1/2} = \hbar \ln(2) / \Gamma \tag{11}$$

ile verilir burada Γ bozunum genişliğidir ve

$$\Gamma = P_{\alpha}F \frac{\hbar^2}{4\mu} \exp\left[-2\int_{r_2}^{r_3} k(r)dr\right]$$
(12)

ile verilir . $k(r) = \sqrt{\frac{2\mu}{\hbar^2}|Q_{\alpha} - V_{et}(r)|}$ dalga sayısını ifade eder , *F* normalizasyon faktörü iken P_{α} ise preformasyon faktörüdür (Soylu vd., 2018; Soylu, 2017; Koyuncu vd., 2017). Denklem (10)'da verilen λ normalizasyon parametresi

$$\int_{r_1}^{r_2} \sqrt{\frac{2\mu}{\hbar^2} (Q_\alpha - V_{et}(r))} dr = (G - L + 1) \frac{\pi}{2}$$
(13)

ile verilen Bohr-Sommerfeld Kuantumlanma Şartı ile hesaplanır. Burada *G* global kuantum numarası, Q_{α} alfa bozunum enerjisi μ indirgenmiş kütlesidir. Alfa bozunum enerjisi için üç adet dönüm noktası (r_1 , r_2 ve r_3) vardır ve $V_{et} = Q_{\alpha}$ olduğu noktalarda hesaplanırlar (Soylu vd., 2018; Soylu, 2017; Koyuncu vd., 2017). *G* global kuantum numarası; N < 82 için G = 18, $82 \le N \le 126$ için G = 20 ve N > 126 için G = 22seçilmiştir (Buck vd., 1996).

Tablo 1. New RenB eşitliğinde kullanılan parametrelerin çekirdek türelerine göre değişimi (Akrawy
vd. 2019).

Çekirdek	а	b	С	d	е	f
Çift-Çift	0.41107	-1.44914	-14.87085	13.38618	-61.47107	0
Çift-Tek	0.44145	-1.42068	-16.59713	-27.68464	91.70405	0.07947
Tek-Çift	0.44660	-1.32208	-21.09761	-1.64226	-17.02692	0.07767
Tek-Tek	0.43323	-1.40527	-17.13866	-7.66291	22.26925	0.06902
Tüm Ç.	0.41740	-1.35824	-16.86728	0.07916	-16.24873	0.09441
-						

3. Bulgular ve Tartışma

Bu çalışmada açısal momentum bağımlı üç farklı yöntem ile kurşun izotoplarının alfa bozunum yarı ömürleri hesaplanmıştır. Elde edilen sonuçlar her bir usul için Tablo 2'de verilmiştir. Yarıçap ifadesinde değişiklik yapılmış Sahu vd. (2013) eşitliği Sahu* olarak isimlendirilmiştir. Bunların yanında deneysel verilere en yakın sonuçların hangi model ile elde edildiğini anlamak maksadıyla rms sonuçları

$$\sigma = \left(\frac{1}{n-1}\sum_{k=1}^{n} (\log_{10}(T_{hes}) - \log_{10}(T_{den}))^2\right)^{1/2}$$
(14)

denklemi gereğince hesaplanmıştır. Burada n etkileşime giren çekirdek sayısı, T_{hes}

hesaplanan yarılanma ömrü ve T_{den} deneysel yarılanma ömrüdür (Soylu ve Koyuncu, 2019). Denklem 14'ten anlaşılacağı üzere bu sonuçlar sadece deneysel verileri var olan alfa bozunumları için gerçekleştirilmiştir. Hesaplamalar sonucu elde edilen rms değerleri Sahu*, Sahu, New RENB ve WKB için sırasıyla 0.876, 1.068, 1.317 ve 0.959 olarak elde edilmiştir. Bu çalışmada kullanılan Q değerleri Santosh vd. (2015)'den alınmıştır.

Tablo 2. 178 ≤ A ≤ 220 Kurşun izotopları için elde edilmiş yarı ömür süreleri ve deneysel değerler. Q bozunum enerjisini ve *l* ise açısal momentumu temsil etmektedir.

Ana	K1Z	Q	ℓ_{\min}	$T_{1/2}^{Den.}(s)$	Sahu*	Sahu vd.	WKB	New	
Çekirdek	Çekirdek	(MeV)		1/2 ()		(2013)		Ren B	
¹⁷⁸ Pb	¹⁷⁴ Hg	7.824	0	1.20E-04	4.797E-04	7.513E-05	3.504E-04	1.895E-04	
¹⁷⁹ Pb	¹⁷⁵ Hg	7.629	2	3.50E-03	3.018E-03	4.811E-04	2.392E-03	2.700E-03	
180 Pb	¹⁷⁶ Hg	7.452	0	4.20E-03	5.474E-03	9.194E-04	4.397E-03	2.609E-03	
¹⁸¹ Pb	¹⁷⁷ Hg	7.269	2	3.60E-02	3.519E-02	6.030E-03	3.066E-02	3.755E-02	
¹⁸² Pb	¹⁷⁸ Hg	7.099	0	5.61E-02	6.705E-02	1.211E-02	5.888E-02	3.776E-02	
¹⁸³ Pb	¹⁷⁹ Hg	6.962	2	5.94E-01	3.340E-01	6.184E-02	3.153E-01	4.112E-01	
184 Pb	¹⁸⁰ Hg	6.807	0	6.13E-01	6.186E-01	1.208E-01	5.843E-01	3.972E-01	
¹⁸⁵ Pb	¹⁸¹ Hg	6.729	2	1.85E+01	2.024E+00	4.070E-01	2.029E+00	2.767E+00	
¹⁸⁶ Pb	182 Hg	6.504	0	1.21E+01	7.431E+00	1.570E+00	7.566E+00	5.402E+00	
¹⁸⁷ Pb	¹⁸³ Hg	6.427	7	1.53E+02	1.296E+03	2.626E+02	4.683E+03	2.051E+06	
¹⁸⁸ Pb	¹⁸⁴ Hg	6.143	0	2.70E+02	1.905E+02	4.347E+01	2.118E+02	1.580E+02	
¹⁸⁹ Pb	¹⁸⁵ Hg	5.905	2	3.90E+03	3.156E+03	8.219E+02	4.345E+03	6.470E+03	
¹⁹⁰ Pb	¹⁸⁶ Hg	5.732	0	1.78E+04	1.161E+04	2.860E+03	1.426E+04	1.098E+04	
¹⁹¹ Pb	¹⁸⁷ Hg	5.487	0	7.98E+05	1.719E+05	4.395E+04	2.237E+05	1.740E+05	
¹⁹² Pb	¹⁸⁸ Hg	5.255	0	3.56E+06	2.648E+06	7.035E+05	3.638E+06	2.841E+06	
¹⁹³ Pb	¹⁸⁹ Hg	5.049	0		3.532E+07	9.767E+06	5.092E+07	3.965E+07	

¹⁹⁴ Pb	¹⁹⁰ Hg	4.772	0	8.80E+09	1.545E+09	4.437E+08	2.373E+09	1.826E+09
¹⁹⁵ Pb	¹⁹¹ Hg	4.489	0		1.070E+11	3.194E+10	1.753E+11	1.317E+11
¹⁹⁶ Pb	¹⁹² Hg	4.259	0	7.40E+09	4.594E+12	1.428E+12	7.923E+12	5.775E+12
¹⁹⁷ Pb	¹⁹³ Hg	3.923	0		2.101E+15	6.785E+14	3.903E+15	2.677E+15
¹⁹⁸ Pb	¹⁹⁴ Hg	3.743	0		7.764E+16	2.618E+16	1.500E+17	9.835E+16
¹⁹⁹ Pb	¹⁹⁵ Hg	3.377	2		5.579E+20	1.939E+20	1.254E+21	1.400E+21
²⁰⁰ Pb	¹⁹⁶ Hg	3.185	0		4.212E+22	1.542E+22	9.170E+22	4.954E+22
²⁰¹ Pb	¹⁹⁷ Hg	2.891	2		3.719E+26	1.409E+26	9.304E+26	8.241E+26
²⁰² Pb	¹⁹⁸ Hg	2.624	0		1.604E+30	6.390E+29	3.923E+30	1.544E+30
²⁰³ Pb	¹⁹⁹ Hg	2.370	2		5.844E+34	2.417E+34	1.635E+35	9.920E+34
²⁰⁴ Pb	²⁰⁰ Hg	2.004	0		1.383E+42	6.004E+41	3.829E+42	8.394E+41
²⁰⁵ Pb	²⁰¹ Hg	1.502	2		1.483E+57	6.666E+56	4.948E+57	9.069E+56
²⁰⁶ Pb	²⁰² Hg	1.170	0		3.969E+71	1.876E+71	1.286E+72	5.327E+70
²⁰⁷ Pb	²⁰³ Hg	0.427	2		1.436E+154	7.019E+153	5.847E+154	2.547E+151
²⁰⁸ Pb	²⁰⁴ Hg	0.552	0		6.446E+128	3.338E+128	2.329E+129	2.709E+126
²⁰⁹ Pb	²⁰⁵ Hg	2.282	5		1.868E+37	1.021E+37	5.763E+37	5.844E+38
²¹⁰ Pb	²⁰⁶ Hg	3.826	0		8.275E+15	4.943E+15	1.119E+16	9.342E+15
²¹¹ Pb	²⁰⁷ Hg	3.605	0	3.69E+16	8.786E+17	5.481E+17	1.247E+18	9.728E+17
²¹² Pb	²⁰⁸ Hg	3.332	0		5.432E+20	3.539E+20	8.172E+20	5.775E+20
²¹³ Pb	²⁰⁹ Hg	3.047	0		1.134E+24	7.714E+23	1.810E+24	1.124E+24
²¹⁴ Pb	²¹⁰ Hg	2.799	0		2.269E+27	1.615E+27	3.815E+27	2.054E+27
²¹⁵ Pb	²¹¹ Hg	2.649	0		3.739E+29	2.784E+29	6.484E+29	3.133E+29
²¹⁶ Pb	²¹² Hg	2.329	0		1.091E+35	8.499E+34	2.018E+35	7.526E+34
²¹⁷ Pb	²¹³ Hg	2.179	0		1.008E+38	8.219E+37	1.921E+38	6.116E+37
²¹⁸ Pb	²¹⁴ Hg	1.879	0		1.011E+45	8.632E+44	2.043E+45	4.501E+44
²¹⁹ Pb	²¹⁵ Hg	1.679	0		4.898E+50	4.383E+50	1.029E+51	1.648E+50
²²⁰ Pb	²¹⁶ Hg	1.419	0		6.855E+59	6.427E+59	1.513E+60	1.432E+59

4. Sonuç ve Öneriler

Bozunum esnasında alfa parçacığının taşıdığı açısal momentumun yarı ömür süreleri üzerindeki önemli bir etkisi olduğu bilinmektedir. Açısal momentum bağımlı üç farklı model kullanılarak elde edilen sonuçlara göre Sahu* formülünün diğer model ve formüllere göre deneysel verilere daha yakın olduğu rms değerlerine dayanarak söylenebilir. Açısal momentum bağımlı bu üç mekanizma arasında L=0 değeri için WKB yönteminde katkı olduğu görülebilir. WKB metodunda kullanılan Langer modifiye merkezcil potansiyel L=0 için bile bariyere neden olur. Açısal momentum etkin potansiyelin bir parçası olduğu için bu terim bir ek katkı getirir. Bu katkı efektif potansiyelin şeklinde değişikliğe neden olur ve bunun dönüm noktalarını etkilemesi beklenir. Denklem (12) ve (13) gereğince dönüm noktaları bütün sistem üzerinde önemli bir yere sahiptir ve sonucu doğrudan etkileyerek alfa bozunum sürelerini değiştirir. O halde herhangi bir bozunum için açısal momentumun yarı ömürlere olan katkısını incelemek elde edilecek sonuçlar için gayet mühimdir.

Diğer yandan Akrawy vd. (2019) tarafından geliştirilen. Genel olarak New RenB formülü ile elde edilen sonuçlar gözden geçirildiğinde açısal momentumu $l_{\min} = 0$ ve 2 olan çekirdekler için sonuçların (deneysel verileri hali hazırda bulunan alfa bozunumları göz önüne alınmıştır) deneysel veriler ile gayet uyumlu olduğu söylenebilir. Ancak ¹⁸⁷Pb→ ¹⁸³Hg + α bozunumu için $l_{min} = 7$ dir, bu bozunum için deneysel sonuç 1.53E+02 iken RenB New ile elde edilen sonuc 2.051E+06'dır. Bu sonuç New RENB için elde edilen rms değerinin diğer model ve

eşitliklere göre yüksek çıkmasına neden olmuştur. Bu sebepten dolayı, New RenB eşitliği rms verilerine göre deneysel verilere uygunluk bakımından en uzak sonuçları üretmiştir. Santosh vd. (2015) ise Pb izotopları üzerine yaptıkları hesaplamalar sonucu rms değerlerini CPPM, UNIV, UDL ve GLDM için sırasıyla 1.061, 1.012, 1.219 ve 0.897 olarak rapor etmişlerdir. Dolayısıyla bu çalışmada elde edilen Sahu* ve WKB rms değerlerinin Santosh vd. (2015)'de elde edilenlere göre düşük olması deneysel değerlere uygunluk açısından önem arz etmektedir.

Sahu vd. (2013) eşitliğinde Zhang vd. (2017)'ye benzer şekilde yapılan değişiklik ile

nükleer yarıçapın bozunum sonucu ortaya çıkan parçacıklar cinsinden yazılmasının etkileri de araştırılmıştır. Elde edilen sonuçlar yarıçapta yapılan ufak bir düzeltmenin bile sonuçları olumlu etkilediğini göstermiştir. Zhang vd. (2017)'de hem nükleer yarıçap hem de preformasyon faktörü üzerine yapılan değişikliklerin sonuçları ne denli değiştirdiği tartışılmıştı. Dolayısıyla Sahu vd. (2013) formülü üzerinde yapılacak değişiklikler muhtemel yeni çalışmalara kapı açabilecek niteliktedir. Ayrıca bu çalışma ile elde edilen sonuçların yapılması muhtemel deneysel çalışmalara yol gösterici nitelikte olduğu düşünülmektedir.

Teşekkür

Bu çalışma 118R028 numaralı TÜBİTAK projesi ile desteklenmiştir.

Kaynaklar

Gamow, G. 1928. "Zur quantentheorie des atomkernes", *Zeitschrift für Physik*, 51:(3-4), 204-212.

Gurney, R. W., & Condon, E. U. 1928. "Wave mechanics and radioactive disintegration", *Nature*, 122:(3073), 439.

Bohr, N., & Wheeler, J. A. 1939. "The mechanism of nuclear fission", *Physical Review*, 56:(5), 426.

Flerov, G. N., & Petrzhak, K. A. 1940. "Spontaneous fission of uranium", *Physical Review*, 58:(89), 275-279.

Rose, H. J., & Jones, G. A. 1984. "A new kind of natural radioactivity", *Nature*, 07:(5948), 245.

Price, P. B., Stevenson, J. D., Barwick, S. W., & Ravn, H. L. 1985. "Discovery of Radioactive Decay of Ra²²² and Ra²²⁴ by C¹⁴ Emission", *Physical review letters*, 54:(4), 297. Barwick, S. W., Price, P. B., & Stevenson, J. D. 1985. "Radioactive decay of U^{232} by Ne²⁴ emission", *Physical Review C*, 31:(5), 1984.

Qi, C., Xu, F. R., Liotta, R. J., & Wyss, R. 2009. "Universal decay law in charged-article emission and exotic cluster radioactivity", *Physical review letters*, 103:(7), 072501.

Viola Jr, V. E., & Seaborg, G. T. 1966. "Nuclear systematics of the heavy elements-II Lifetimes for alpha, beta and spontaneous fission decay" *Journal of Inorganic and Nuclear Chemistry*, 28:(3), 741-761.

Poenaru, D. N., Gherghescu, R. A., & Greiner, W. 2011. "Single universal curve for cluster radioactivities and α decay", *Physical Review C*, 83:(1), 014601.

Błocki, J., Randrup, J., Światecki, W. J., & Tsang, C. F. 1977. "Proximity forces", *Annals of Physics*, 105:(2), 427-462.

Santhosh, K. P., Biju, R. K., & Sahadevan, S. 2010. "Semi-empirical formula for

spontaneous fission half life time", *Nuclear Physics A*, 832:(3-4), 220-232.

Miller Jr, S. C., & Good Jr, R. H. 1953. "A WKB-type approximation to the Schrödinger equation", *Physical Review*, 91:(1), 174.

Soylu, A., Koyuncu, F., Coban, A., Bayrak, O., & Freer, M. 2018. "Investigation of deformation effects on the decay properties of $^{12}C+ \alpha$ Cluster states in ^{16}O ", *Annals of Physics*, 391, 263-277.

Zhang, Y. L., & Wang, Y. Z. 2018. "Systematic study of cluster radioactivity of superheavy nuclei", *Physical Review C*, 97:(1), 014318.

Santhosh, K. P., Sukumaran, I., & Priyanka, B. 2015. "Theoretical studies on the alpha decay of 178–220Pb isotopes", *Nuclear Physics A*, 935, 28-42.

Santhosh, K. P., & Nithya, C. 2018. " α -decay chains of superheavy nuclei with Z= 125", *Physical Review C*, 97(4), 044615.

Soylu, A. 2017. Phenomenological potential calculations for cluster decays. *Turkish Journal of Physics*, 41:(3), 217-226.

Koyuncu, F., Soylu, A., & Bayrak, O. 2017. "Binary cluster model calculations for ²⁰Ne and ⁴⁴Ti nuclei", *Modern Physics Letters A*, 32:(09), 1750050.

Sahu, B., Paira, R., & Rath, B. 2013. "General decay law for emission of charged particles and exotic cluster radioactivity", *Nuclear Physics A*, 908, 40-50.

Zhang, S., Zhang, Y., Cui, J., & Wang, Y. 2017. "Improved semi-empirical relationship for α-decay half-lives", *Physical Review C*, 95:(1), 014311.

Ren, Z., Xu, C., & Wang, Z. 2004. "New perspective on complex cluster radioactivity of heavy nuclei", *Physical Review C*, 70:(3), 034304.

Ni, D., Ren, Z., Dong, T., & Xu, C. 2008. "Unified formula of half-lives for α decay and

cluster radioactivity", *Physical Review C*, 78:(4), 044310.

Akrawy, D. T., Hassanabadi, H., Hosseini, S. S., & Santhosh, K. P. 2019. "Influence of nuclear isospin and angular momentum on alpha-decay half-lives", *Nuclear Physics A*, 983, 310-320.

Denisov, V. Y., & Pilipenko, N. A. (2010). "Fusion of deformed nuclei: C 12+C12". *Physical Review C*, 81(2), 025805.

Langer, R. E. 1937. "On the connection formulas and the solutions of the wave equation", *Physical Review*, 51:(8), 669.

Buck, B., Merchant, A. C., & Perez, S. M. 1992. "α decay calculations with a realistic potential", *Physical Review C*, 45:(5), 2247.

Buck, B., Johnston, J. C., Merchant, A. C., & Perez, S. M. 1995. "Unified treatment of scattering and cluster structure in α + closed shell nuclei: Ne²⁰ and Ti⁴⁴", *Physical Review C*, 52:(4), 1840.

Cook, J. 1982. "Double-folding model analysis of deuteron elastic scattering", *Nuclear Physics A* 382:(1) 61-70.

Farid, M. E. A., Mahmoud, Z. M. M., & Hassan, G. S. 2001. "Analysis of heavy ions elastic scattering using the double folding cluster model", *Nuclear Physics A*, 691:(3-4), 671-690.

Woods, R. D., & Saxon, D. S. 1954. "Diffuse surface optical model for nucleon-nuclei scattering", *Physical Review*, 95:(2), 577.

Buck, B., Merchant, A. C., & Perez, S. M. 1996. "Exotic cluster states in actinide nuclei", *Physical review letters*, 76:(3), 380.

Soylu, A., & Koyuncu, F. 2019. "The predictions on the heavier cluster decays of superheavy nuclei", *The European Physical Journal A*, 55(7), 118.